

ارزیابی شاخص بارش استاندارد با مدل هیبریدی مبتنی بر یادگیری ماشین (مطالعه موردی: استان لرستان)

حمیدرضا باباعلی^۱، ابراهیم نوحانی^۲، رضا دهقانی^{۳*}

۱- دانشیار، گروه مهندسی عمران، دانشگاه آزاد اسلامی واحد خرم‌آباد، لرستان، ایران.

۲- استادیار گروه عمران، مرکز تحقیقات مواد و انرژی، واحد دزفول، دانشگاه آزاد اسلامی، دزفول، ایران.

۳- دکترای علوم و مهندسی آب، بخش تحقیقات حفاظت خاک و آبخیزداری، مرکز تحقیقات و آموزش کشاورزی و منابع طبیعی استان لرستان، ایران.

چکیده

اثرات معینی از تغییرات آب و هوایی می‌تواند به طور بالقوه با تغییرات در الگوهای بارندگی، از جمله تغییر در شدت بارندگی یا وقوع خشکسالی مرتبط باشد. از این رو، پیش‌بینی خشکسالی می‌تواند کمک ارزشمندی در کاهش پیامدهای زیانبار مرتبط با کمبود آب، به ویژه در مناطق کشاورزی یا مناطق شهری پرجمعیت باشد. استفاده از مدل‌های پیش‌بینی‌کننده برای محاسبه شاخص‌های خشکسالی می‌تواند روشی مفید برای توصیف مؤثر شرایط خشکسالی باشد. در این تحقیق، از مدل هوشمند ترکیبی جدید مبتنی بر رویکرد مدل رگرسیون بردار پشتیبان برای پیش‌بینی شاخص بارش استاندارد ۱۲ ماهه چهار ایستگاه بارانسنجی دورود، بروجرد، سلسه و دلفان واقع در استان لرستان توسعه داده شد. بدین منظور در این پژوهش از دو الگوریتم بهینه‌سازی شامل کرم شب‌تاب و گرگ خاکستری برای مدل‌سازی شاخص بارش استاندارد بکار برده شد. جهت مدل‌سازی از پارامتر بارش ایستگاه‌های بارانسنجی مورد مطالعه در سالهای ۱۳۸۲-۱۴۰۲ استفاده شد. به منظور ارزیابی عملکرد مدلها از معیارهای ارزیابی ضریب همبستگی، ریشه میانگین مربعات خطا، میانگین قدر مطلق خطا و ضریب نش ساتکلیف استفاده شد. نتایج نشان داد مدل رگرسیون بردار پشتیبان-کرم شب‌تاب در کلیه دشت‌های مورد بررسی از مدل رگرسیون بردار پشتیبان-گرگ خاکستری عملکرد بهتری برخوردار است. در مجموع نتایج نشان داد استفاده از مدل‌های هوشمند مبتنی بر رویکرد رگرسیون بردار پشتیبان می‌تواند رویکردی مؤثر در جلوگیری از خشکسالی باشد.

کلید واژه‌ها: رگرسیون بردار پشتیبان، شاخص بارش استاندارد، لرستان، مدل‌سازی.

مقدمه

خشکسالی یک رویداد فاجعه آمیز طبیعی تدریجی و مهلک با پیامدهای اجتماعی-اقتصادی و زیست محیطی جهانی است. این پدیده یک فاجعه بسیار خطرناک مرتبط با آب و هوا است که تأثیر قابل توجهی بر محیط زیست و وجود انسان دارد (Kharin et al., 2007). هدف اصلی تجزیه و تحلیل خشکسالی، بهبود مدیریت و تکنیک های پیش بینی خشکسالی است. که این امر بر جنبه های مختلف خشکسالی، مانند اندازه، مدت، شدت و وسعت مکانی آنها تمرکز دارد (Choubin et al., 2016). برای پایش و پیش بینی خشکسالی، از شاخص های مختلف خشکسالی برای اندازه گیری انحراف متغیرهای هواشناسی مانند بارش از میانگین بلندمدت آنها استفاده می شود (Hussain et al., 2017). به طور کلی، پایش خشکسالی بر چندین شاخص تکیه دارد، از جمله شاخص شدت خشکسالی پالمر (PDSI)، شاخص خشکسالی مؤثر (EDI)، شاخص خشکسالی شناسایی (RDI)، شاخص استاندارد شده تبخیر و تعرق بارش (SPEI)، شاخص بارش استاندارد شده ناهنجاری وزنی (WASP) و شاخص های استاندارد خشکسالی (SDIs) هستند و فهرست جامعی از این شاخص ها و توضیحات آنها را می توان در زرگر و همکاران یافت (chen et al., 2023). با این حال، پرکاربردترین روش برای پایش خشکسالی با استفاده از شاخص های خشکسالی، شاخص بارش استاندارد (SPI) است، در درجه اول به این دلیل که تنها از یک پارامتر (بارش) استفاده می کند (Ozger et al., 2011). شاخص بارش استاندارد را می توان با مدل سازی فیزیکی که به تلاش و اطلاعات متعدد نیاز دارد و یا به صورت مفهومی با استفاده از مدل های هوشمند مدل سازی کرد (Kisi et al., 2015). نتایج بدست آمده از مدل های فیزیکی و تجربی بدلیل ماهیت غیر خطی، پیچیدگی این شاخص دارای نوسانات زیادی می باشد (Yassen et al., 2017a). بنابراین امروزه از مدل های هوش مصنوعی بدلیل ماهیت غیر خطی بودن و کاهش زمان جهت پیش بینی مسائل اقلیم شناسی بیشتر مورد توجه قرار گرفته است که بصورت مختصر به چندین مورد اشاره می گردد.

Tamrakar et al (2024) در پژوهشی بمنظور پیش بینی شاخص بارش استاندارد ایالت چاتیسگر واقع در کشور هند از مدل های ماشین بردار پشتیبان و جنگل تصادفی استفاده کردند در این پژوهش از پارامترهای هواشناسی طی سالهای ۱۹۹۳ تا

۲۰۲۳ استفاده نمودند نتایج نشان داد مدل ماشین بردار پشتیبان نسبت به مدل درخت تصادفی دقت بهتری از خود نشان داده است. (Magallanes-Quintanar et al (2024) در پژوهشی بمنظور تخمین پارامترهای خشکسالی منطقه زاکاتکز واقع در کشور مکزیک از مدل شبکه عصبی مصنوعی استفاده کردند در این پژوهش از سری زمانی پارامترهای اقلیمی طی سالهای ۱۹۷۹ تا ۲۰۲۰ بهره بردند نتایج نشان داد مدل های هوشمند از جمله مدل شبکه عصبی مصنوعی دقت مناسبی در تخمین شاخص های خشکسالی دارد.

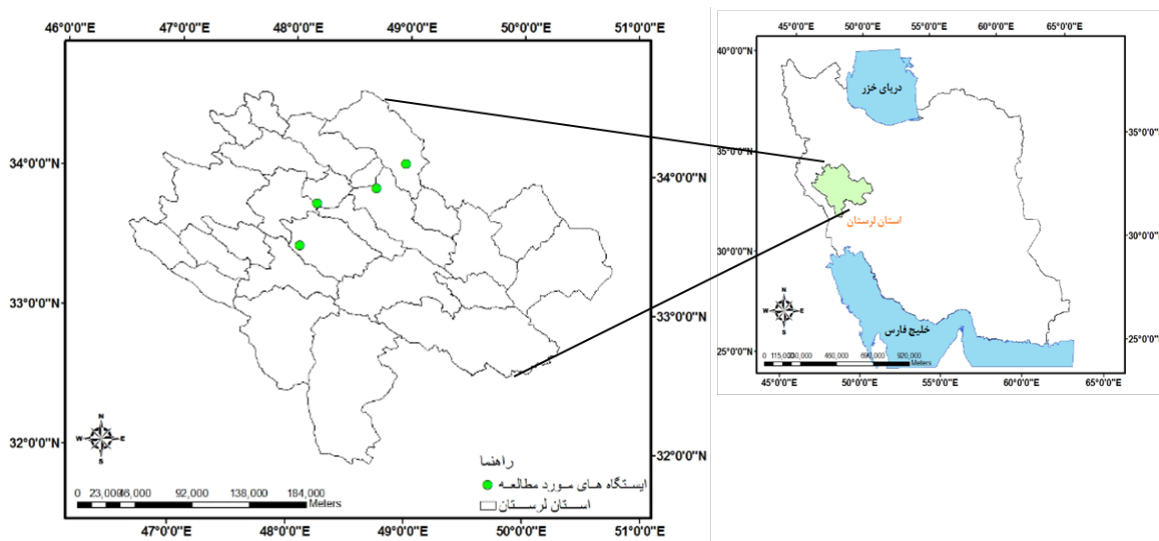
درمجموع با توجه به پژوهش های انجام شده، مدل هوش مصنوعی رگرسیون بردار پشتیبان بعنوان ابزاری کارآمد در برآورد شاخص خشکسالی و مسائل هیدرولوژیکی می باشد. امروزه بمنظور افزایش کارایی و بهبود عملکرد مدل رگرسیون بردار پشتیبان، از ترکیب این مدل با الگوریتم های فراابتکاری بعنوان یک راهکاری مناسب جهت پیش بینی شاخص بارش استاندارد استفاده می شود. در این پژوهش نیز از مدل های هیبریدی رگرسیون بردار پشتیبان-کرم شب تاب و رگرسیون بردار پشتیبان-گرگ خاکستری جهت تخمین شاخص بارش استاندارد دشت های بروجرد، دورود، سلسله و دلفان واقع در استان لرستان استفاده شد. دشت های بروجرد، دورود، دلفان و سلسله از مهم ترین دشت های این استان از لحاظ تولید محصولات کشاورزی می باشد شاخص های خشکسالی از جمله شاخص بارش استاندارد بر روی رشد و نمو محصولات کشاورزی، تولید محصولات آبی، موقعیت جغرافیایی و گردشگری تأثیر بسزایی دارد. همچنین این دشت ها در طی سالهای اخیر با مخاطره جدی گرمای بیش از حد و خشکسالی مواجه شده است و این امر سبب کاهش تولید محصولات کشاورزی و کاهش درآمد اقتصادی ساکنین این دشت ها می گردد. بنابراین تحلیل و بررسی شاخص بارش استاندارد این دشت ها امری لازم و ضروری است. از طرف دیگر اگرچه استفاده از مدل رگرسیون بردار پشتیبان بطور گسترده برای تخمین میزان شاخص بارش استاندارد استفاده شده است. تاکنون پژوهشی در زمینه استفاده و مقایسه الگوریتم های فراابتکاری گرگ خاکستری و کرم شب تاب در این دشت ها انجام نشده است. بنابراین در این پژوهش از الگوریتم های بهینه سازی با هدف ترکیب با مدل رگرسیون بردار پشتیبان برای برآورد شاخص بارش استاندارد دشت های بروجرد، دورود، سلسله و دلفان استفاده شد.

مواد و روش‌ها

منطقه مورد مطالعه

جغرافیای لرستان به دلیل قرار گرفتن این استان در رشته کوه‌های زاگرس جغرافیایی کوهستانی و چهارفصل است. این استان یکی از استانهای کوهستانی غرب ایران بوده که بیشتر مناطق این استان را کوههای زاگرس پوشانده است. آب و هوای استان لرستان متنوع و تنوع آب و هوا در آن از شمال

شرق به جنوب غرب کاملاً مشهود است. استان لرستان سومین استان پر آب کشور و ۱۲ درصد آبهای کشور را در اختیار دارد. دشت‌های نورآباد، الشتر، بروجرد و درود در این استان در ناحیه های شمال و شمال شرق با آب و هوای معتدل مرکزی قرار دارند که در شکل ۱ موقعیت ایستگاه‌های بارانسنجی مورد مطالعه در استان لرستان نشان داده شده است. همچنین در جدول ۱ موقعیت جغرافیایی این ایستگاه‌ها قابل مشاهده است.



شکل ۱- منطقه مورد مطالعه و ایستگاه‌های مورد بررسی

جدول ۱- مشخصات جغرافیایی ایستگاه‌های مورد بررسی

ایستگاه	طول جغرافیایی	عرض جغرافیایی	ارتفاع از سطح دریا (m)	میانگین بارش (m)
دورود	۴۸/۰۶۵	۳۳/۴۷۶	۱۸۰۰	۵۷/۶۸۹
بروجرد	۴۸/۷۱۹	۳۳/۹۰۰	۱۵۳۰	۴۲/۲۷۵
الشتر	۴۸/۲۰۷	۳۳/۷۸۶	۱۵۶۰	۴۸/۰۵۴
نورآباد	۴۸/۹۷۰	۳۴/۰۸۲	۱۴۵۰	۴۲/۵۶۱

شاخص بارش استاندارد (SPI)

درک اینکه بارندگی تاثیرهای مختلفی بر منابع آب مانند آب زیرزمینی، ذخایر آب سطحی و برف دارد، منجر به تدوین شاخص SPI گردید. این شاخص بمنظور پایش خشکسالی اقلیمی ایالت کلرادوی آمریکا توسط مک کی و همکاران در سال ۱۹۹۳ ابداع گردید. محاسبه شاخص SPI، مستلزم برآزش توزیع احتمالاتی مناسب به سری طولانی مدت داده های بارندگی در هر بازه زمانی دلخواه در هر ایستگاه است. بسیاری از پژوهشگران از جمله مک کی و همکاران (et al., 1993) توزیع گاما را پیشنهاد دادند. با فرض پیروی مقدار بارندگی از توزیع گاما، گام بعدی در محاسبه

شاخص SPI انتقال احتمال تجمعی بدست آمده از توزیع گاما به توزیع نرمال استاندارد تجمعی با میانگین صفر و انحراف از معیار یک است. در واقع SPI عبارتست از متغیری از تابع توزیع احتمال استاندارد که مقدار احتمال تجمعی آن با مقدار احتمال تجمعی متغیر مورد نظر از توزیع گامای بدست آمده، یکسان باشد. برای تعیین سال های شاخص خشکسالی و ترسالی در دوره آماری ۱۳۷۲-۱۳۹۲، از شاخص بارش استاندارد شده SPI استفاده شد. بسیاری از محققان انعطاف پذیری شاخص SPI و قابلیت آن برای مقیاس های مختلف زمانی را تایید نمودند (Edwards, 1997). این شاخص برای هر منطقه براساس ثبت بارش های طولانی مدت آن محاسبه

می‌شوند. نسل کنونی و آتی مدل‌های منطقه‌ای محدود می‌توانند در تفکیک‌های افقی ۱ تا ۳ کیلومتر اجرا شوند و همرفت‌های عمیق را با دقتی پذیرفتنی در نظر بگیرند، اما مقیاس‌های افقی در فرایندهای همرفتی بسیار کوچکتر از مقیاس‌های مدل‌های عددی بزرگ مقیاس و میان‌مقیاس هستند؛ لذا طی حدود چهل سال گذشته، روش‌های متعددی در مدل‌های NWP جهت بیان فرایندهای همرفت مرطوب به کارگرفته شده‌است که در ویژگی‌های مدل ابر، فرضیات و کارایی محاسباتی با هم فرق دارند. دلیل کند بودن پیشرفت‌های حاصل در این زمینه، وجود پرسش‌های اساسی در خصوص نحوه حل کردن مشکل و وجود عدم قطعیت‌های زیاد در مدل‌سازی این فرایندها (آراکاو، ۲۰۰۴) بوده است.

در زیر قوانین کلی برای پارامترسازی کومولوس در مدل WRF آمده‌است:

دامنه‌هایی با فاصله شبکه ≤ 10 کیلومتر: یک طرح کومولوس ضروری است.

دامنه‌هایی با فاصله شبکه ≥ 3 کیلومتر: بعید است که یک طرح کومولوس ضروری باشد.

دامنه‌هایی با فاصله شبکه ≤ 3 کیلومتر تا ≥ 10 کیلومتر: این یک "منطقه خاکستری" است که در آن پارامتر کومولوس ممکن است ضروری باشد یا نباشد. در صورت امکان، سعی می‌شود از دامنه‌هایی با این اندازه اجتناب شود، اما اگر اجتناب ناپذیر است، بهتر است از طرحواره چند مقیاسی Kain Fritsch یا Grell-Freitas استفاده شود. خلاصه‌ای از پیکربندی مدل و طرحواره‌های فیزیکی مورد استفاده در این مطالعه در جدول ۱ نشان داده شده است.

می‌شود. ابتدا توزیع آماری مناسب برای آمار بلند مدت بارندگی‌ها برآزش داده و سپس تابع تجمعی توزیع با استفاده از احتمالات مساوی به توزیع نرمال تبدیل می‌شود، بطوریکه استاندارد شده و متوسط آن برای هر منطقه و دوره مد نظر صفر شود (Edwards, 1997). مقادیر مثبت SPI نشان دهنده بارش بیش از میزان متوسط و مقادیر منفی آن معنای عکس دارد. طبق این روش دوره خشکسالی رخ می‌دهد که شاخص SPI بطور مستمر منفی و به مقدار -۱ و کمتر برسد و زمانی پایان می‌یابد که SPI مثبت شود که در جدول ۲ نشان داده شده است. شاخص بارش استاندارد SPI طبق رابطه زیر قابل محاسبه است.

$$SPI_n = \frac{P_0 + \sum_{i=1}^n P_i - P_n}{\delta_n} \quad (1)$$

که در آن، n تعداد ماههایی که بارش تجمعی شان محاسبه شده است؛ P0 مقدار نرمال شده بارش ماه فعلی؛ P-i مقدار نرمال شده بارش ماه قبل؛ میانگین بارش تجمعی n ماه و انحراف معیار بارش تجمعی n ماه می‌باشد.

نسبت به انتخاب طرحواره‌های فیزیکی بسیار حساس می‌باشد و عدم انتخاب دقیق این طرحواره‌ها باعث ایجاد خطاهای بزرگ می‌گردد. بنابراین با توجه به خصوصیات توپوگرافی منطقه مورد مطالعه، بایستی نسبت به تعیین دقیق طرحواره مورد نظر اقدام نمود. از دیدگاه عملیاتی، یکی از جالبترین طرحواره‌ها، همرفت کومولوسی است، زیرا مربوط به پیش‌بینی زمانی و مکانی بارش است. طرحواره‌های همرفتی متفاوت نه تنها بر مقدار عددی بارش بلکه بر تکامل دینامیکی آن نیز تأثیر می‌گذارند، زیرا طرحواره‌ها نمایه‌های گرمایی عمودی متفاوتی دارند که موجب پاسخ دینامیکی متفاوت

جدول ۲ - طبقه بندی مقادیر شاخص SPI

مقادیر	طبقات
$2 >$	ترسالی بسیار شدید
$1.5 < SPI < 1.99$	ترسالی شدید
$1 < SPI < 1.49$	ترسالی
$-0.99 < SPI < 0.99$	نرمال
$-1.49 < SPI < -1$	خشکسالی
$-1.99 < SPI < -1.5$	خشکسالی شدید
$2 <$	خشکسالی بسیار شدید

$$k(x, x_j) = (t + x_i \cdot x_j)^d \quad (۴)$$

$$K(x, x_j) = \exp\left[-\frac{\|x - x_j\|^2}{2\sigma^2}\right] \quad (۵)$$

$$k(x, x_j) = x_i \cdot x_j \quad (۶)$$

سناریوی گرگ خاکستری

گرگ خاکستری GWO یک الگوریتم شبیه‌سازی بوده که از رفتار اجتماعی گرگ‌های خاکستری و فرآیند سلسله‌مراتبی بهره گرفته است (Ostu., 2007). این الگوریتم بر مبنای جمعیت بوده و به‌سادگی به مسائل با ابعاد قابل‌گسترش قابل‌تعمیم است. در این الگوریتم شکارچیان رأس، گرگ‌های خاکستری هستند که در بالای هرم قرار می‌گیرند. این گرگ‌ها در یک دسته قرار دارند، که هر گروه ۵-۱۲ عضو به‌طور متوسط دارد. گرگ‌های واقع در رأس هرم دارای وظایف خاصی بوده و سلسله‌مراتب تسلط اجتماعی دقیقی دارند. در هر گله گرگ‌ها ۴ درجه جهت شکار کردن وجود دارد. در این سناریو بهینه‌سازی، از رفتار گرگ‌های خاکستری و سلسله‌مراتب رهبری و روش شکار آن‌ها سناریو برداری می‌شود. در این سناریو از چهار نوع گرگ خاکستری شامل آلفا (α)، بتا (β)، دلتا (δ) و امگا (ω) برای شبیه‌سازی سلسله‌مراتب رهبری استفاده شده است. α آلفا: مناسب‌ترین جواب، β بتا: مناسب‌ترین جواب با فاکتور گرفتن از α ، دلتا: مناسب‌ترین جواب با فاکتور گرفتن از α و β ، امگا: مابقی راه‌حل‌های کاندید شده).

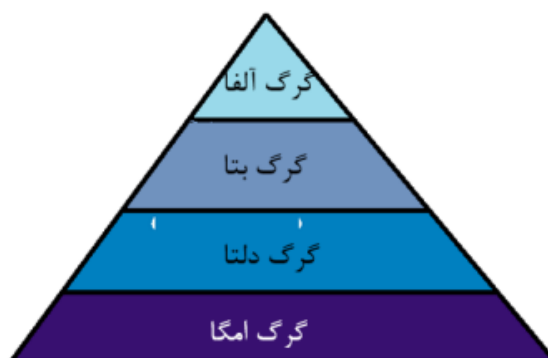
رگرسیون بردار پشتیبان

ماشین بردار پشتیبان یک سیستم یادگیری کارآمد بر مبنای تئوری بهینه‌سازی مقید است که از اصل استقرای کمینه‌سازی خطای ساختاری استفاده کرده و منجر به یک جواب بهینه کلی می‌گردد (Vapnik., 1995). در مدل رگرسیون SVM تابعی مرتبط با متغیر وابسته Y که خود تابعی از چند متغیر مستقل x است، برآورد می‌شود. مشابه سایر مسائل رگرسیونی فرض می‌شود رابطه میان متغیرهای مستقل و وابسته با تابع جبری مانند $f(x)$ به‌علاوه مقداری اغتشاش (خطای مجاز (۴)) مشخص شود (Vapnik., 1998).

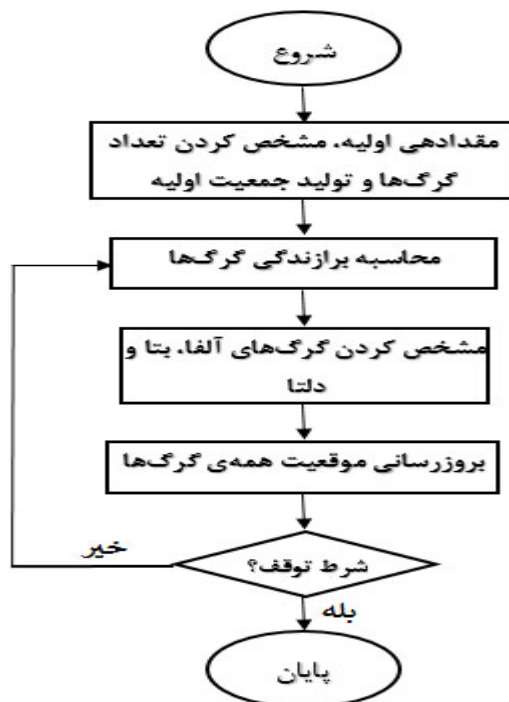
$$f(x) = W^T \cdot \phi(x) + b \quad (۲)$$

$$y = f(x) + \text{noise} \quad (۳)$$

می‌توان از توابع مختلف کرنل برای ساخت انواع مختلف SVM- ϵ استفاده کرد. انواع توابع کرنل قابل‌استفاده در مدل رگرسیونی عبارتند از: کرنل چندجمله‌ای و کرنل توابع پایه شعاعی (RBF) و کرنل خطی، به ترتیب طبق روابط زیر محاسبه می‌گردند. شکل زیر ساختار مدل ماشین بردار پشتیبان را نشان می‌دهد. با توجه به اینکه از پرکاربردترین توابع کرنل، کرنل پایه شعاعی، خطی و چند جمله‌ای می‌باشد (Vapnik and Chervonenkis., 1991; Basak et al., 2007). در این پژوهش از این سه تابع کرنل استفاده شده است. قابل ذکر است فرآیند محاسبات ماشین بردار پشتیبان براساس کدنویسی در محیط متلب انجام، و پارامترهای توابع کرنل از طریق سعی و خطا بهینه گردیدند.



شکل ۲- سناریو سلسله‌مراتبی گرگ‌ها



شکل ۳- نمودار جریان سناریو گرگ خاکستری

الگوریتم کرم شب تاب

الگوریتم‌های فراابتکاری از جمله روش‌های حل مؤثر مسائل پیچیده به شمار می‌روند که نیازی به محاسبه گرادیان تابع هدف ندارند و پیش فرض خاصی نظیر خطی بودن یا پیوسته بودن را در نظر نمی‌گیرند و بیشتر موارد، جواب‌های قابل قبولی ارائه می‌دهند. الگوریتم کرم شب تاب یکی از الگوریتم‌های فراابتکاری با رویکرد گروهی و دسته‌جمعی است که از رفتار نورافشانی کرم‌های شب تاب برای حل مسائل بهینه‌سازی استفاده می‌نماید (Yang, 2008). در الگوریتم کرم شب تاب هر راه حل مسئله به صورت یک کرم شب تاب در نظر گرفته می‌شود و کرم‌های شب تاب بر حسب شایستگی می‌توانند از خود نور تولید و سایر کرم‌های شب تاب را به سمت خود جذب نمایند. این الگوریتم، یک الگوریتم بهینه‌سازی جمعیت محور و تصادفی می‌باشد که اولین بار توسط یانگ به جامعه علمی معرفی شد (Yan et al., 2012). این الگوریتم بر مبنای رفتار کرم‌های شب تاب در جذب جفت عمل می‌کند. سه فرضیه اساسی این الگوریتم بصورت زیر است.

الف) برای کرم‌های شب تاب جنسیت خاصی در نظر گرفته نمی‌شود

ب) هر کرم شب تاب به کرم‌های شب تاب دیگر با توجه به شدت نور آن‌ها جذب می‌شود

ج) در مسائل ماکزیمم سازی میزان شدت نور با تابع هدف رابطه مستقیم دارد و در مسائل مینیمم سازی شدت نور با تابع هدف رابطه عکس دارد.

میزان جذابیت کرم‌های شب تاب نسبی بوده و به فاصله بین دو کرم شب تاب و ضریب جذب نور بستگی دارد که از رابطه زیر قابل محاسبه است.

$$\beta(r) = \beta_0 e^{-r r_{ij}^2} \quad (7)$$

در ای رابطه β ، میزان جذابیت کرم درخشان تر در $r=0$ است (فاصله کرم شب تاب کم نور نسبت به کرم شب تاب پرنورتر است). موقعیت کرم i ام پس از حرکت به سمت کر j ام که درخشان تر است از رابطه زیر محاسبه می‌گردد

$$X_{id}(t+1) = X_{id}(t) + \beta_0 e^{-r r_{ij}^2} (X_{jd}(t) - X_{id}(t)) + \alpha \left(\text{rand} - \frac{1}{2} \right) \quad (8)$$

$$r_{ij} = \|X_i - X_j\| \quad (9)$$

Rand عدد تصادفی بین ۰ و ۱ است و α بین ۰ و ۱ است و پارامتر تصادفی سازی نامیده می‌شود. در شکل زیر فلوچارت این الگوریتم نشان داده شده است.

معیار ارزیابی

در این تحقیق ارزیابی دقت و قابلیت مدل‌ها جهت شبیه‌سازی میزان شاخص بارش استاندارد بر اساس مقادیر مشاهداتی و محاسباتی با استفاده از نمایه‌های ضریب همبستگی (R)، ریشه میانگین مربعات خطا ($RMSE$)، میانگین قدر مطلق خطا (MAE) و نش ساتکلیف (NS) طبق روابط زیر صورت می‌گیرد. بهترین مقدار برای این چهار معیار به ترتیب یک، صفر، صفر و یک می‌باشد.

$$R = \frac{\sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2 \sum_{i=1}^N (y_i - \bar{y})^2}} \quad 1 \leq R \leq 1 \quad (10)$$

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - y_i)^2} \quad (11)$$

$$MAE = \frac{\sum_{i=1}^n |x_i - y_i|}{n} \quad (12)$$

$$NS = 1 - \frac{\sum_{i=1}^N (x_i - y_i)^2}{\sum_{i=1}^N (x_i - \bar{y})^2} \quad \infty \leq NS \leq 1 \quad (13)$$

در روابط بالا، R ضریب همبستگی، $RMSE$ ریشه میانگین مربعات خطا برحسب mm ، معیار نش ساتکلیف، x_i و y_i به ترتیب مقادیر مشاهداتی و محاسباتی در گام زمانی i ام، N تعداد گام‌های زمانی، \bar{x} و \bar{y} نیز به ترتیب میانگین مقادیر مشاهداتی و محاسباتی می‌باشد. علاوه بر معیارهای فوق از نمودارهای پراکنش و سری زمانی مقادیر مشاهداتی - محاسباتی نسبت به زمان نیز جهت مقایسه و تحلیل بیشتر استفاده می‌گردد.

نتایج و بحث

در این پژوهش به منظور مدل‌سازی شاخص بارش استاندارد دشت‌های بروجرد، دورود، دلفان و سلسله واقع در استان

لرستان از مدل رگرسیون بردار پشتیبان با الگوریتم‌های کرم شب‌تاب و گرگ خاکستری استفاده شد. پارامتر بارش (P) به‌عنوان ورودی و شاخص بارش استاندارد ۱۲ ماهه (SPI) به‌عنوان پارامتر خروجی مدل در دوره زمانی ماهانه، سال ۱۴۰۲-۱۳۸۲ برای ایستگاه‌های بارانسنجی بروجرد، دورود، دلفان و سلسله بکار برده شد. هدف کلی از مدل‌های هوشمند بیان ارتباط بین متغیرهایی است که یافتن پیچیدگی آن‌ها در طبیعت کاری دشوار با عدم قطعیت بالا است. شاخص بارش استاندارد از پارامترهای مهم اقلیم شناسی است که تخمین آن در گام‌های زمانی آینده از اهمیت بالایی برخوردار است. به این منظور در جهت کاهش خطا و همچنین برآورد پارامتر شاخص بارش استاندارد با دقت بالا با استفاده از کمترین پارامترهای ورودی روش ذکر شده مورد استفاده قرار گرفت که در مقایسه با روش‌های تقریبی به مراتب عملکرد بهتری را ارائه می‌نماید. هدف از این پژوهش دریافت این پیچیدگی طبیعی بین پارامترهای هواشناسی و ارائه مدل جهت پیش‌بینی در آینده است و از آنجایی که میزان شاخص بارش استاندارد از اهمیت بالاتری نسبت به دیگر پارامترها برخوردار می‌باشد بنابراین این پارامتر به‌عنوان متغیر هدف انتخاب شد. در جدول ۳ ویژگی‌های آماری پارامتر بارش استفاده شده، ارائه شده است. لازم به ذکر است جهت مدل‌سازی ۸۰ درصد داده‌ها برای آموزش و ۲۰ درصد باقی‌مانده جهت تست، بصورت تصادفی، که گستره وسیعی از انواع داده‌ها را پوشش دهد، انتخاب شد (Nagy et al., 2002; Kisi et al., 2006; Dehghani et al., 2020).

جدول ۳- مشخصات آماری پارامتر بارش در ایستگاه‌های بارانسنجی مورد بررسی

شماره	نام ایستگاه	مینیمم	میانگین	ماکزیمم
۱	بروجرد	۰	۴۲/۲۷	۲۳۲
۲	دورود	۰	۵۷/۶۸	۳۰۲
۳	دلفان	۰	۴۲/۵۶	۲۳۰/۵
۴	سلسله	۰	۳۹	۲۵۱

مدل رگرسیون بردار پشتیبان از توابع محرکی که کرنل نام دارند، استفاده شد این توابع شامل توابع پایه شعاعی، چند ضلعی و خطی می‌باشد که در این پژوهش مورد بررسی قرار

به‌منظور مدل‌سازی میزان شاخص بارش استاندارد دشت‌های استان لرستان از مدل رگرسیون بردار پشتیبان با الگوریتم‌های گرگ خاکستری و کرم شب‌تاب استفاده شد. همچنین در

در اشکال ۴ و ۵ مودار سری زمانی مقادیر مشاهداتی و محاسباتی نشان داده شده است همان طور که مشاهده می‌گردد مدل رگرسیون بردار پشتیبان-کرم شب تاب نسبت به مدل‌های هیبریدی رگرسیون بردار پشتیبان-گرگ خاکستری در تخمین اکثر نقاط از جمله مینیمم، ماکزیمم و میانی دقت قابل قبولی از خود نشان داده است همچنین مدل‌ها رگرسیون بردار پشتیبان-گرگ خاکستری در تخمین مقادیر میانی عملکرد نسبتاً مطلوبی داشته است و در تخمین مقادیر مینیمم و ماکزیمم ضعیف عمل نموده است.

مدل رگرسیون بردار پشتیبان-الگوریتم کرم شب تاب ترکیبی از بهینه‌سازی پیوسته و گسسته است که زمان رسیدن به یک راه‌حل بهینه را در یک منطقه جستجوی وسیع کاهش می‌دهد زیرا از راه‌حل‌های بهینه محلی اجتناب می‌کند. این امر باعث می‌شود که الگوریتم برای حل مسائل غیر خطی با ابعاد بزرگ با سرعت مناسب در همگرایی به سمت یک جواب بهینه قابل قبول باشد. که این امر سبب گردیده این مدل از دقت بالایی نسبت به سایر مدل‌ها برخوردار باشد این نتایج با نتایج پژوهش‌های (Dehghani et al (2022) مطابقت دارد.

به طور کلی پیشنهاد می‌شود از مدل هیبریدی رگرسیون بردار پشتیبان-کرم شب تاب به عنوان مدلی با خطای ناچیز برای حل مسائل غیرخطی با ابعاد بزرگ با سرعت مناسب در همگرایی به سمت یک جواب بهینه استفاده شود. همچنین می‌توان بعنوان راهکاری نوین در پیش بینی میزان شاخص بارش استاندارد به منظور اتخاذ تصمیمات مدیریتی مناسب برای بهبود منابع آبی و جلوگیری از خشکسالی دانست.

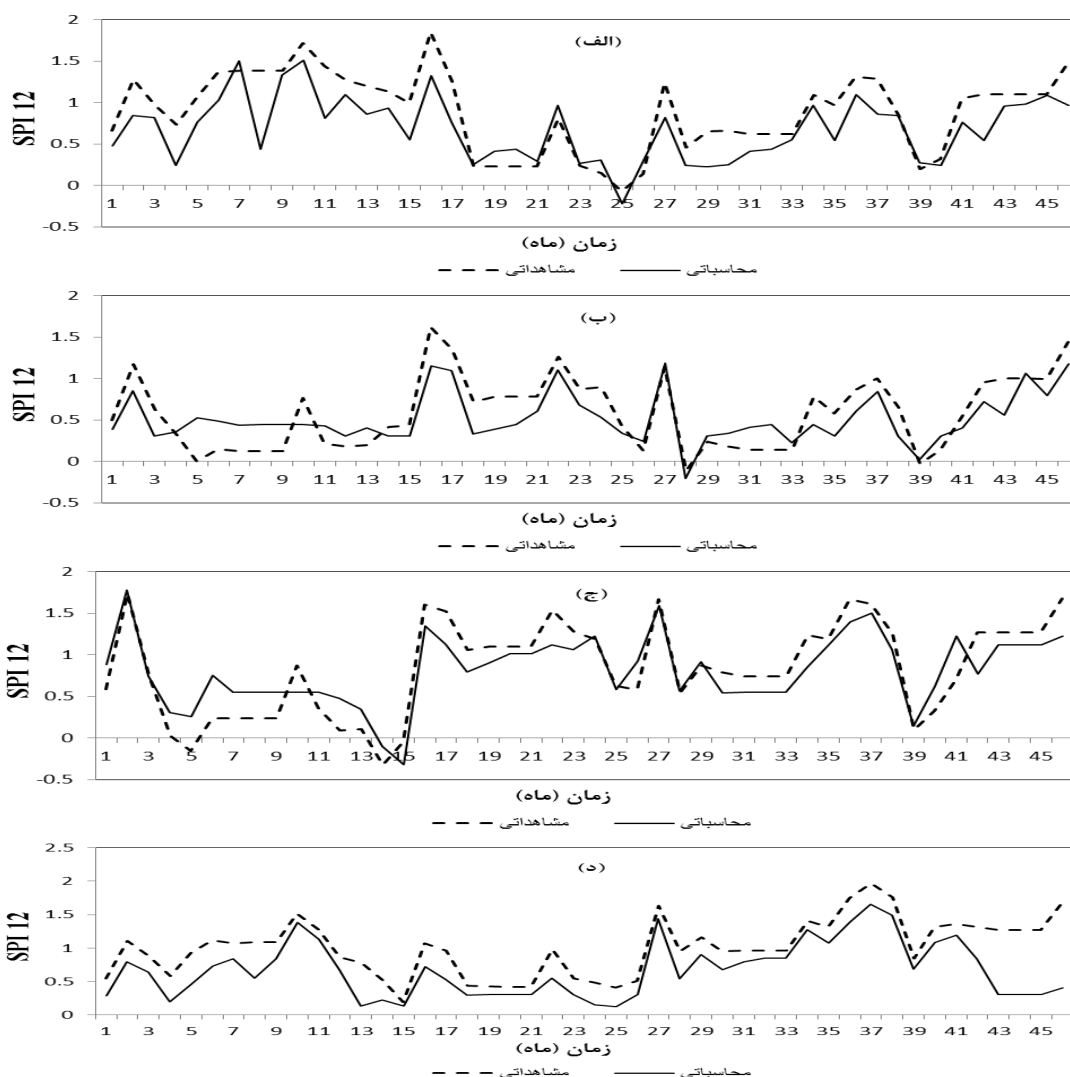
گرفت. بدین منظور ابتدا با استفاده از پارامتر بارش مقادیر شاخص بارش استاندارد ۱۲ ماهه محاسبه گردید و بعنوان خروجی مدل مشخص شد. سپس مقادیر بارش بعنوان ورودی مدل نرمال‌سازی شده و وارد مدل هیبریدی رگرسیون بردار پشتیبان می‌شود. در سالهای اخیر به دلیل آنکه در مدل رگرسیون بردار پشتیبان مقادیر پارامترهای تنظیم توابع کرنل بصورت تصادفی انتخاب می‌گردند از الگوریتم‌های بهینه‌سازی جهت افزایش دقت و کاهش خطای مدل استفاده شده است (Zeidalinejad et al.,2023; Dehghani et al.,2022). در این پژوهش نیز جهت افزایش عملکرد مدل از الگوریتم‌های گرگ خاکستری و کرم شب تاب جهت بهینه نمودن مقادیر پارامترهای تنظیم استفاده شد. بنابراین در این پژوهش بعد از ورود اطلاعات پارامترهای ورودی به مدل و بهینه نمودن پارامترهای تنظیم ساختار مدل هیبریدی شکل گرفته و منجر به پاسخ محاسباتی مدل می‌گردد از آنجاییکه معیار توقف در آموزش مدل‌های هوش مصنوعی میزان خطا می‌باشد بنابراین مدل در کمترین میزان خطا متوقف و خروجی حاصل می‌گردد.

همان‌طور که در جدول ۳ مشخص است در کلیه مدل‌های هیبریدی مورد بررسی کرنل توابع پایه شعاعی بهترین عملکرد را نسبت به سایر کرنل‌های مورد بررسی از خود نشان داده است. همچنین طبق معیارهای ارزیابی مطابق جدول ۳ مشاهده می‌گردد مدل هیبریدی رگرسیون بردار پشتیبان-کرم شب تاب در ایستگاه بروجرد با ضریب همبستگی ۰/۹۴۵، کمترین ریشه میانگین مربعات ۰/۰۴۲، کمترین میانگین قدر مطلق خطا ۰/۰۳۶ و بیشترین ضریب نش ساتکلیف ۰/۹۵۲، در ایستگاه دورود ضریب همبستگی ۰/۹۵۵، کمترین ریشه میانگین مربعات ۰/۰۳۸، کمترین میانگین قدر مطلق خطا ۰/۰۳۰ و بیشترین ضریب نش ساتکلیف ۰/۹۶۱، در ایستگاه دلفان ضریب همبستگی ۰/۹۶۰، کمترین ریشه میانگین مربعات ۰/۰۳۲، کمترین میانگین قدر مطلق خطا ۰/۰۲۸ و بیشترین ضریب نش ساتکلیف ۰/۹۷۰ و در ایستگاه سلسله ضریب همبستگی ۰/۹۵۸، کمترین ریشه میانگین مربعات ۰/۰۳۵، کمترین میانگین قدر مطلق خطا ۰/۰۳۱ و بیشترین ضریب نش ساتکلیف ۰/۹۶۸ در مرحله صحت سنجی عملکرد بهتری از خود نشان داده است.

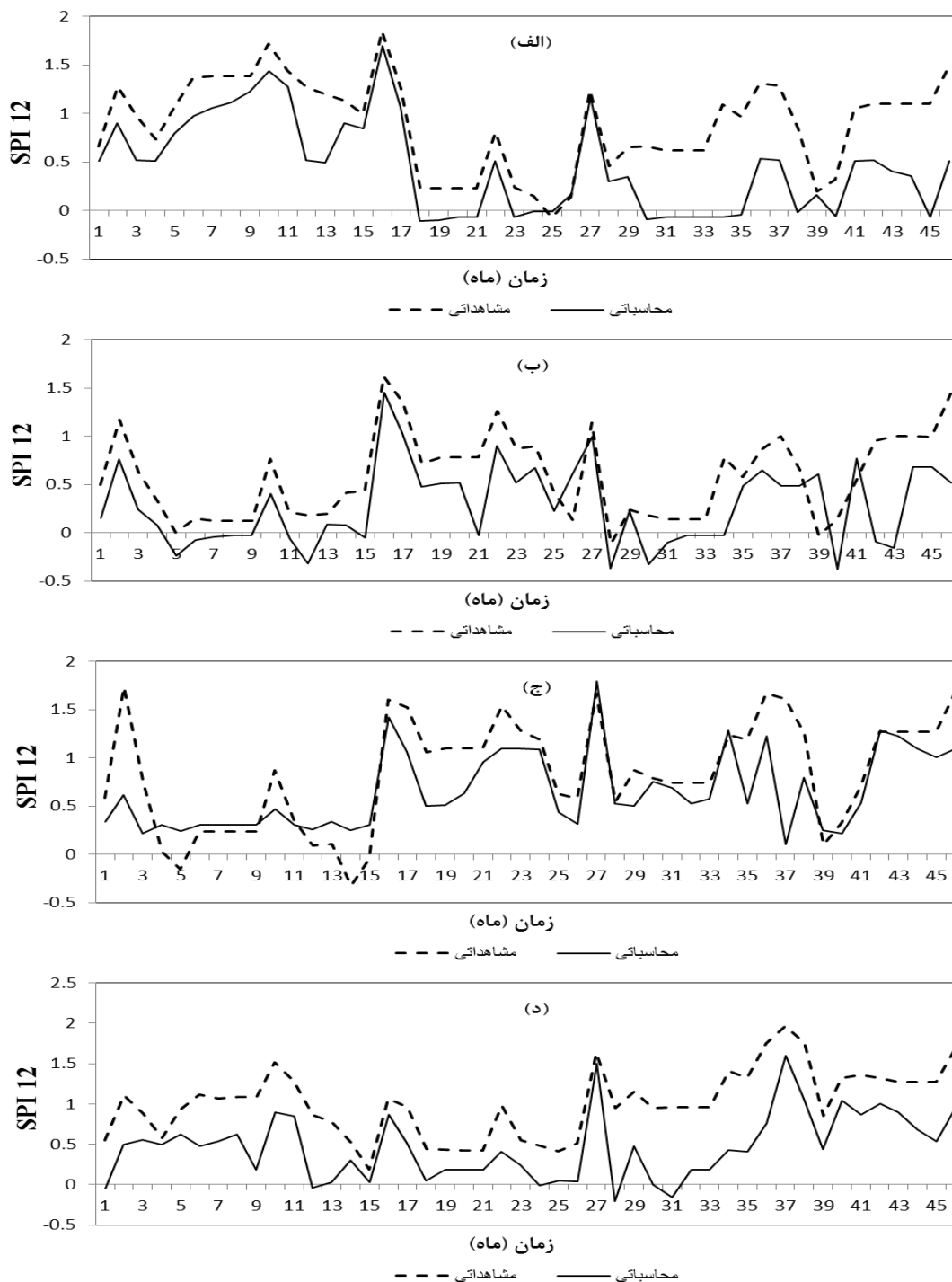
جدول ۴- نتایج مدل‌های مورد بررسی در تخمین شاخص بارش استاندارد

صحت سنجی				آموزش				ایستگاه	مدل
NS	MAE	RMSE	R	NS	MAE	RMSE	R		
۰/۹۵۲	۰/۰۳۶	۰/۰۴۲	۰/۹۴۵	۰/۹۴۰	۰/۰۴۵	۰/۰۵۴	۰/۹۳۲	بروجرد	رگرسیون بردار پشتیبان-کرم شب تاب
۰/۹۶۱	۰/۰۳۰	۰/۰۳۸	۰/۹۵۵	۰/۹۵۲	۰/۰۴۲	۰/۰۴۵	۰/۹۴۴	دورود	
۰/۹۷۰	۰/۰۲۸	۰/۰۳۲	۰/۹۶۰	۰/۹۶۱	۰/۰۳۶	۰/۰۴۲	۰/۹۵۱	دلفان	
۰/۹۶۸	۰/۰۳۱	۰/۰۳۵	۰/۹۵۸	۰/۹۵۸	۰/۰۴۰	۰/۰۴۸	۰/۹۴۸	سلسله	

صحت سنجی				آموزش				ایستگاه	مدل
NS	MAE	RMSE	R	NS	MAE	RMSE	R		
۰/۹۴۵	۰/۰۴۱	۰/۰۵۰	۰/۹۳۵	۰/۹۳۰	۰/۰۵۱	۰/۰۶۰	۰/۹۲۵	بروجرد	رگرسیون بردار پشتیبان-گرگ خاکستری
۰/۹۵۵	۰/۰۳۵	۰/۰۴۴	۰/۹۵۱	۰/۹۵۰	۰/۰۴۵	۰/۰۵۰	۰/۹۴۰	دورود	
۰/۹۶۵	۰/۰۳۰	۰/۰۳۶	۰/۹۵۸	۰/۹۶۰	۰/۰۳۹	۰/۰۴۵	۰/۹۴۸	دلفان	
۰/۹۶۴	۰/۰۳۳	۰/۰۳۸	۰/۹۵۵	۰/۹۵۲	۰/۰۴۶	۰/۰۵۰	۰/۹۴۵	سلسله	



شکل ۴- نمودار مقادیر بهینه مشاهداتی و محاسباتی مدل‌های هیبریدی رگرسیون بردار پشتیبان-کرم شب تاب برای داده‌های مرحله صحت‌سنجی الف) دورود ب) بروجرد ج) سلسله د) دلفان



شکل ۵- نمودار مقادیر بهینه مشاهداتی و محاسباتی مدل های هیبریدی رگرسیون بردار پشتیبان- گرگ خاکستری برای داده های مرحله صحت سنجی الف) دورود ب) بروجرد ج) سلسه د) دلفان

نتیجه گیری

موردی جهت ارزیابی عملکرد مدل فرآینتکاری هیبریدی رگرسیون بردار پشتیبان بمنظور برآورد شاخص بارش استاندارد دشت های بروجرد، دورود، دلفان و سلسله واقع در استان لرستان صورت گرفت. بدین منظور از الگوریتم های

تخمین شاخص بارش استاندارد توسط مدل های ترکیبی مبتنی بر رگرسیون بردار پشتیبان بعنوان ابزاری کارآمد در کاهش اثرات خشکسالی می باشد. در پژوهش حاضر مطالعه

- <https://doi.org/10.1007/s11600-020-00472-7>
- 7- Dehghani. R. Babaali. H. 2022. Evaluation of Statistical Models and Modern Hybrid Artificial Intelligence in Simulation of Runoff Precipitation Process. *Sustain. Water Resour. Manag.* 8. 154 (2022). <https://doi.org/10.1007/s40899-022-00743-9>.
 - 8- Edwards. D.C. 1997. Characteristics of 20th century drought in the United States at multiple time scales. *Climatology Report Number 97-2*. Colorado State University. Fort Collins. Colorado
 - 9- Giddings. L. Soto. M. Rutherford. B.M. Maarouf. A. 2005. Standardized Precipitation Index Zones for México. *Atmosfera* . 18. 33–56.
 - 10- Kharin. V.V. Zwiers. F.W. Zhang. X. Hegerl. G.C. 2007. Changes in Temperature and Precipitation Extremes in the IPCC Ensemble of Global Coupled Model Simulations. *J. Clim.* 20. 1419–1444.
 - 11- Kisi. O. M. Karahan. and Z. Sen. 2006. River suspended sediment modeling using fuzzy logic approach. *Hydrol Process.* 20(2): 4351-4362.
 - 12- Kisi. O. Sanikhani. H. Zounemat-Kermani. M. Niazi. F. 2015. Long-term monthly evapotranspiration modeling by several data-driven methods without climatic data. *Comput. Electron. Agric.* 115. 66–77. <https://doi.org/10.1016/j.compag.2015.04.015>
 - 13- Magallanes-Quintanar. R. Galván-Tejada. C. Galván-Tejada. J. Gamboa-Rosales. H. Méndez-Gallegos. S. García-Domínguez. A. 2024. Auto-Machine-Learning Models for Standardized Precipitation Index Prediction in North–Central Mexico . *Climate*. 12(7):102-122
 - 14- McKee. T.B. N.J. Doesken and J. Kleist. 1993. The Relationship of Drought Frequency and Duration to Time Scales. Eighth Conference on Applied Climatology. January 17e22. Anaheim. California. 179-184.
 - 15- Nagy. H. Watanabe . K. Hirano. M 2002. Prediction of sediment load concentration in rivers using artificial neural network model. *Journal of Hydraulics Engineering* 128: 558-559.
 - 16- Ostu. N. 1979. A Threshold Selection Method from Gray-Level Histograms [J]. *IEEE Transactions on Systems Man and Cybernetics.* 9 (1): 62-66.
 - 17- Ozger. M. Mishra. A.K. Singh. V.P. 2011. Estimating Palmer Drought Severity Index Using a Wavelet Fuzzy Logic Model الهام گرفته از طبیعت شامل کرم شب تاب و گرگ خاکستری که با مدل رگرسیون بردار پشتیبان ترکیب شده، استفاده گردید. همچنین جهت مدلسازی از پارامتر بارش (P) به عنوان ورودی و شاخص بارش استاندارد (SPI) بعنوان خروجی مدل استفاده شد. بمنظور ساخت مدل هیبریدی بهینه رگرسیون بردار پشتیبان ۸۰ درصد داده‌ها جهت آموزش و ۲۰ درصد باقی مانده جهت آزمون بررسی و انتخاب شدند. نتایج حاصل از معیارهای ارزیابی نشان داد مدل رگرسیون بردار پشتیبان-کرم شب تاب از دقت بالا و خطای ناچیزی برخوردار است در مجموع، نتایج این تحقیق نشان می‌دهد که استفاده از مدل‌های هوش مصنوعی مبتنی بر رویکرد مدل رگرسیون بردار پشتیبان می‌تواند در زمینه تخمین شاخص بارش استاندارد طی ۲۰ سال آماری برای سایر مناطق کشور و گامی در جهت اتخاذ تصمیمات مدیریتی مناسب مورد استفاده قرار گیرد.

منابع

- 1- Ali. Z. Hussain. I. Faisal. M. Nazir. H.M. Hussain. T. Shad. M.Y. Mohamd Shoukry. A. Hussain Gani. S. 2017. Forecasting Drought Using Multilayer Perceptron Artificial Neural Network Model. *Adv. Meteorol.* 5(4).pp.224-235.
- 2- Basak. D. Pal. S. and Patranabis. D.C. 2007. Support vector regression. *Neural Inf Process.* 11(2). 203-225.
- 3- Chen. L. Han. B. Wang. X. Zhao. J. Yang. W. Yang. Z. 2023. Machine Learning Methods in Weather and Climate Applications: A Survey. *Appl. Sci.* 2023. 13. 12019.
- 4- Choubin. B. Malekian. A. Golshan. M. 2016. Application of Several Data-Driven Techniques to Predict a Standardized Precipitation Index. *Atmosfera* . 29. 121–128.
- 5- Dehghani R. Torabi H. 2021. Dissolved oxygen concentration predictions for running waters with using hybrid machine learning techniques. *Modeling Earth Systems and Environment.* <https://doi.org/10.1007/s40808-021-01253-x>
- 6- Dehghani. R. Torabi Poudeh. H. Younesi. H. Shahinejad. B. 2020. Daily Streamflow Prediction Using Support Vector Machine-Artificial Flora (SVM-AF) Hybrid Model. *Acta Geophysica.* 68(6):51-66.

- 22- Yan X. Zhu Y. Wu J. Chen H. 2012. An improved firefly algorithm with adaptive strategies. *Adv Sci Lett* 16(1):249–254
- 23- Yang XS. 2008. Firefly algorithm. nature-inspired meta-heuristic algorithms. *Wiley Online Libr* 20:79–90
- 24- Yaseen. Z.M. Ebtahaj. I. Bonakdari. H. Deo. R.C. Mehr. A.D. Mohtar. W.H.M.W. Diop. L. El-shafie. A. Singh. V.P. 2017a. Novel approach for streamflow forecasting using a hybrid ANFIS-FFA model. *J. Hydrol.* 554. 263–276.
- 25- Zeidalinejad. N. Dehghani. R. 2023. Use of meta-heuristic approach in the estimation of aquifer's response to climate change under shared socioeconomic pathways. *Groundwater for Sustainable Development*.20(4).
<https://doi.org/10.1016/j.gsd.2022.100882>.
- Based on Meteorological Variables. *Int. J. Climatol.* 31. 2021–2032
- 18- Tamrakar. Y. Das. I.C. & Sharma. S. 2024. Machine learning for improved drought forecasting in Chhattisgarh India: a statistical evaluation. *Discov Geosci* 2. 84.
<https://doi.org/10.1007/s44288-024-00089-z>
- 19- Vapnik V. Chervonenkis A.1991. The necessary and sufficient conditions for consistency in the empirical risk minimization method. *Pattern Recognition and Image Analysis*.1(3): 283-305.
- 20- Vapnik. V.N .1995. The nature of statistical learning theory. Springer. New York. Pp: 250-320.
- 21- Vapnik VN .1998. Statistical learning theory. Wiley. New York. Pp: 250-320.